



9. Übungsblatt zu Programmierung 1, WS 2008/09

Prof. Dr. Gert Smolka, Mark Kaminski, M.Sc.

www.ps.uni-sb.de/courses/prog-ws08/

Lesen Sie im Buch: Kapitel 13

Aufgabe 13.1 Deklarieren Sie eine endrekursive Prozedur

$$lex' : token\ list \rightarrow char\ list \rightarrow token\ list$$

sodass $lex' [] cs$ für jede Zeichenfolge cs dasselbe Ergebnis liefert wie $lex cs$.

Aufgabe 13.2 Ändern Sie die Deklaration von lex so ab, dass die Wörter $bool$ und int immer durch mindestens ein Leerzeichen getrennt sein müssen.

Aufgabe 13.3 Zeichnen Sie Syntaxbäume für ty und die folgenden Wortfolgen:

- $int \rightarrow (bool \rightarrow int)$
- $(bool \rightarrow bool) \rightarrow int$
- $int \rightarrow (bool \rightarrow bool) \rightarrow int$

Aufgabe 13.4 (Mehrdeutige Grammatik) Zeigen Sie mit einem Beispiel, dass die Grammatik $exp ::= "x" \mid exp\ exp$ nicht eindeutig ist. Geben Sie eine eindeutige Grammatik an, die dieselben Wortfolgen darstellt.

Aufgabe 13.5 Die beschriebene Grammatik für die Typen von F liefert für jeden Typ unendlich viele Wortdarstellungen. Sie sollen eindeutige Grammatiken angeben, die für jeden Typ genau eine Wortdarstellung liefern. Dabei soll der Typ $(int \rightarrow int) \rightarrow int \rightarrow int$ jeweils wie folgt dargestellt werden:

- $((int \rightarrow int) \rightarrow (int \rightarrow int))$ (vollständig geklammert)
- $\rightarrow \rightarrow int\ int \rightarrow int\ int$ (Präfixdarstellung ohne Klammern)
- $(int \rightarrow int) \rightarrow int \rightarrow int$ (minimal geklammert) knifflig!

Aufgabe 13.6 Sei die folgende phrasale Syntax für die Typen von F gegeben:

$$ty ::= "bool" \mid "int" \mid "\rightarrow" ty\ ty$$

Die Baumdarstellungen der Typen sollen in Standard ML durch Werte des Typs

```
datatype ty = Bool | Int | Arrow of ty * ty
```

dargestellt werden, die erforderlichen Wörter durch Werte des Typs $token$ aus § 13.1.

- a) Deklarieren Sie einen Prüfer $test : token\ list \rightarrow token\ list$.
- b) Deklarieren Sie einen Parser $parse : token\ list \rightarrow ty * token\ list$.
- c) Deklarieren Sie eine Prozedur $rep : ty \rightarrow token\ list$, die Typen als Wortfolgen darstellt.
- d) Deklarieren Sie eine Prozedur $str : ty \rightarrow string$, die Typen als Zeichenfolgen darstellt.

Aufgabe 13.7 (Baumrekonstruktion aus der Prälinearisierung) Wir können die Prälinearisierung eines Baums (§ 7.6.3) als eine Wortdarstellung des Baums auffassen.

- a) Schreiben Sie eine Prozedur $rep : tree \rightarrow int\ list$, die die Prälinearisierung eines Baums liefert.
- b) Schreiben Sie eine Prozedur $parse : int\ list \rightarrow tree * int\ list$, die einen Baum aus seiner Prälinearisierung rekonstruiert. Für jeden Baum t soll gelten: $parse(rep\ t) = (t, nil)$.

Aufgabe 13.8 Deklarieren Sie eine Prozedur $ty : ty \rightarrow string$, die die Typen von F durch Zeichenfolgen darstellt. Die Darstellung soll gemäß der in § 13.1 und § 13.2 definierten lexikalischen und phrasalen Syntax erfolgen und nur die unbedingt notwendigen Klammern und Leerzeichen enthalten.

Aufgabe 13.11 (Listen) Wir betrachten Ausdrücke, die mit Bezeichnern und den Operatoren $::$ und $@$ gebildet werden. Die phrasale Syntax sei durch die Grammatik

$$\begin{aligned}
 exp & ::= pexp [("::" \mid "@") exp] \\
 pexp & ::= id \mid "(" exp ")"
 \end{aligned}$$

gegeben. Die Operatoren $::$ und $@$ klammern also so wie in Standard ML gleichberechtigt rechts: $x :: y @ z :: u @ v \rightsquigarrow x :: (y @ (z :: (u @ v)))$. Wörter und Baumdarstellungen seien wie folgt dargestellt:

```
datatype token = ID of string | CONS | APPEND | LPAR | RPAR
```

```
datatype exp = Id of string | Cons of exp * exp | Append of exp * exp
```

- a) Schreiben Sie einen Lexer $lex : char\ list \rightarrow token\ list$.
- b) Schreiben Sie einen Parser für exp .
- c) Schreiben Sie eine Prozedur $exp : exp \rightarrow string$, die Ausdrücke gemäß der obigen Grammatik mit minimaler Klammerung darstellt.

Aufgabe 13.13 (Typen) Wir betrachten Typen, die mit $bool$, int , $*$ und \rightarrow gebildet werden. Die konkrete Syntax soll der von Standard ML entsprechen. Dabei klammert $*$ vor \rightarrow und \rightarrow klammert rechts: $int * int * int \rightarrow int \rightarrow int \rightsquigarrow (int * int * int) \rightarrow (int \rightarrow int)$. Die mit $*$ dargestellten Produkte können zwei- oder höherstellig sein. Wörter und Baumdarstellungen seien wie folgt dargestellt:

datatype token = BOOL | INT | STAR | ARROW | LPAR | RPAR

datatype ty = Bool | Int | Star of ty list | Arrow of ty * ty

- a) Schreiben Sie einen Lexer $lex : char\ list \rightarrow token\ list$.
- b) Beschreiben Sie die phrasale Syntax durch eine eindeutige Grammatik, die affin zu der durch den Typ ty gegebenen abstrakten Grammatik ist. Verwenden Sie die Kategorien ty , sty und pty .
- c) Erweitern Sie die Grammatik um eine Hilfskategorie sty' , damit sie sich als Grundlage für Parser eignet. Durch die zusätzliche Kategorie soll erreicht werden, dass die Parser Produkte korrekt übersetzen: $[INT] \rightsquigarrow Int$ und $[INT, STAR, BOOL, STAR, INT] \rightsquigarrow Star[Int, Bool, Int]$.
- d) Schreiben Sie Parser für die erweiterte Grammatik.