

Programmierung 1 (Wintersemester 2015/16)

Wiederholungstutorium Lösungsblatt 14

(Speicherzugriff, Arrays)

Hinweis: Dieses Übungsblatt enthält von den Tutoren für das Wiederholungstutorium erstellte Aufgaben.
Die Aufgaben und die damit abgedeckten Themenbereiche sind für die Klausur weder relevant noch irrelevant.

Referenzen

Aufgabe 14.1 (Speicherbefehle)

- Deklarieren Sie einen Bezeichner `r: int ref`, der eine Zelle bezeichnet, die initial mit 10 belegt ist. Setzen Sie `r` auf 30. Setzen Sie `r` auf den um eins erhöhten Wert von `r`.
- Deklarieren Sie einen Bezeichner `l: α list ref`. Setzen Sie `l` auf `[1,2,3]`. Setzen Sie `l` auf `["a", "gh3"]`. Was passiert? Setzen Sie `l` auf `[6,3,2,8,5,3,5,7,8,9,4,2]`. Hängen Sie vorn an die Liste in `l` eine 4 an, ohne dabei den Rest der Liste noch einmal auszusprechen. Setzen Sie `l` auf `nil`.
- Deklarieren Sie einen Bezeichner `b: (bool * int * (α list list * int list)) ref` und setzen Sie ihn auf einen anderen Wert. Geben Sie den Wert von `b` aus.
- Wonach werten `ref 0 = ref 0` und direkt danach ausgeführt `!(ref 0) = !(ref 0)` aus? Warum?

Lösung 14.1:

- ```
val r = ref 10
(r := 30; r := 1+!r)
```
- ```
val l = ref nil
(l := [1,2,3];
 l := ["a","gh3"]; (* funktioniert nicht, weil l jetzt den Typ int list hat *)
 l := [6,3,2,8,5,3,5,7,8,9,4,2]; l := 4::!l; l := nil)
```
- ```
val b = ref (true,3,(nil::nil,[2]))
(b := (false,1,(nil::nil,[2])); !b)
```
- Im ersten Fall wird auf jeder Seite eine 0 in eine Speicherzelle geschrieben, wobei jede Seite zur Referenz auf ihre jeweilige Speicherzelle ausgewertet. Da beide Speicherzellen verschieden sind, sind die Referenzen auf sie auch verschieden, weshalb die Aussage nach *false* ausgewertet. Im zweiten Fall wird die Referenz dereferenziert. Das heißt, dass jede Seite jeweils zum Inhalt ihrer Speicherzellen ausgewertet, der in beiden Fällen 0 ist. Daher wertet die zweite Aussage nach *true* aus.

#### Aufgabe 14.2 (Swapper)

Wozu wertet dieser Ausdruck aus?

```
let fun mystery a b c d = b := !(#2 (d := !a, d, d := !c))
 val (a,b,c,d) = (ref 1, ref 2, ref 3, ref 4)
in (mystery a b c d; (!a, !b, !c, !d)) end
```

#### Lösung 14.2:

(1,3,3,3)

### Aufgabe 14.3 (*Imperative Listen*)

- (a) Schreiben Sie eine Prozedur `save :  $\alpha$  list  $\rightarrow$   $\alpha$  ref list`, welche eine Liste Element für Element speichert und eine Liste aller Referenzen zurückgibt.
- (b) Schreiben Sie eine Prozedur `map : ( $\alpha \rightarrow \beta$ )  $\rightarrow$   $\alpha$  ref list  $\rightarrow$  unit`, welche eine Prozedur  $f$  auf alle Elemente einer imperativen Liste anwendet.
- (c) Schreiben Sie eine Prozedur `foldl : ( $\alpha * \beta \rightarrow \beta$ )  $\rightarrow$   $\beta \rightarrow \alpha$  ref list  $\rightarrow \beta$` , welche wie `foldl` funktioniert, nur imperativ.
- (d) Schreiben Sie eine Prozedur `rev :  $\alpha$  ref list  $\rightarrow$  unit`, die eine Liste im Speicher reversiert, das bedeutet die Speicherzellen bleiben die selben und auch in der selben Reihenfolge, nur der Inhalt wird vertauscht. Zum Beispiel: `A[1] B[2] C[3] D[4]  $\rightsquigarrow$  A[4] B[3] C[2] D[1]` (Wobei `X[]` eine Speicherzelle darstellt)

*Hinweis:* Sie dürfen `rev` für funktionale Listen benutzen.

### Lösung 14.3:

- (a) 

```
fun save nil = nil
 | save (x::xr) = (ref x) :: save xr
```
- (b) 

```
fun map f nil = nil
 | map f (x::xr) = (x := (f (!x)); map f xr)
```
- (c) 

```
fun foldl f s nil = s
 | foldl f s (x::xr) = foldl f (f(!x,s)) xr
```
- (d) 

```
fun rev nil = ()
 | rev xs = let fun load nil = nil
 | load (x::xr) = !x :: load xr
 fun update nil nil = ()
 | update (x::xr) (y::ys) = (x := y; update xr ys)
 in update xs (List.rev (load xs)) end
```

## Generatoren

### Aufgabe 14.4 (*Einführung Counter und Generator*)

- (a) Weisen Sie der Referenz `r` den Anfangswert 0 zu.
- (b) Deklarieren Sie nun eine Prozedur `excounter : unit  $\rightarrow$  int`, welche auf die externe Deklaration von `r` zugreifen kann und bei jedem Aufruf den Wert der Referenz `r` um 1 erhöht.
- (c) Damit die Referenz `r` nicht allen Programmen zugänglich ist, schreiben Sie nun eine Prozedur `incounter : unit  $\rightarrow$  int`, welche `r` lokal deklariert. Sie soll wie eben bei jedem Aufruf den Wert der Referenz `r` um 1 erhöht.
- (d) Wenn Sie nun `incounter` 5 mal hintereinander aufrufen, welchen Wert liefert dann `!r` ?
- (e) Wir wollen nun das Erstellen von Countern automatisieren, dazu benötigen wir sogenannte Generatoren. Schreiben Sie eine Prozedur `newgen : unit  $\rightarrow$  unit  $\rightarrow$  int` die bei jedem Aufruf einen neuen Counter erzeugt.
- (f) Erweitern Sie `newgen` zu `newgen' : int  $\rightarrow$  unit  $\rightarrow$  int`, sodass Sie nun den Anfangswert beliebig setzen können.

### Lösung 14.4:

- (a) 

```
val r = ref 0
```
- (b) 

```
fun excounter () = (r := !r + 1; !r)
```
- (c) 

```
val incounter = let val r = ref 0 in fn () => (r := !r + 1; !r)
```
- (d) 5

- (e) `fun newgen () = let val r = ref 0 in fn () => (r:= !r +1; !r)`  
 (f) `fun newgen' x = let val r = ref x in fn () => (r:= !r +1; !r)`

#### Aufgabe 14.5 (*Viele Generatoren*)

- (a) Schreiben Sie eine Prozedur `q: unit → unit → int`, die eine Prozedur zurückgibt, die nach  $n$  Aufrufen die  $n$ -te Quadratzahl zurückgibt.  
 (b) Schreiben Sie eine Prozedur `impiter: (α → α) → α → unit → α`, die eine Prozedur zurückgibt, die nach  $n$  Aufrufen das Ergebnis der  $n$ -fachen Anwendung einer Prozedur  $f$  auf einen Startwert  $s$  zurückgibt.  
 (c) Schreiben Sie eine Prozedur `fak: unit → unit → int`, die eine Prozedur zurückgibt, die beim  $n$ -ten Aufruf  $n!$  zurückgibt.  
 (d) Schreiben Sie eine Prozedur `tausch: α ref → α ref → unit`, die den Inhalt zweier Speicherzellen miteinander vertauscht. Nutzen Sie keine lokalen Deklarationen.  
 (e) Schreiben Sie eine Prozedur `fib: unit → unit → int`, die eine Prozedur zurückgibt, die beim  $n$ -ten Aufruf die  $n$ -te Fibonacci-Zahl zurückgibt.

#### Lösung 14.5:

- (a) `fun q () = let val a = ref 0  
           in fn () => (a := (!a+1); !a * !a)  
           end`  
 (b) `fun impiter f s = let val a = ref s in (a := (f(!a))); !a end`  
 (c) `fun fak () = let val zaehler = ref 0  
                   val fakultaet = ref 1  
           in fn () => (zaehler := (1+!zahler);  
                       fakultaet := (!zaehler * !fakultaet);  
                       !fakultaet)  
           end`  
 (d) `fun tausch a b = a:= #1(!b, b:=!a)`  
 (e) `fun fib () = let val eins = ref 0  
                   val zwei = ref 1  
           in fn () => #1(!eins, zwei := #1(!eins+!zwei, eins := !zwei))  
           end`

#### Aufgabe 14.6 (*Schafe zählen*)

Vervollständigen Sie die Deklaration `val (schwarzesSchaf, zaun, weissesSchaf) = ...`, sodass sie einen eingekapselten Zähler mit Anfangswert 0 und drei Prozeduren wie folgt liefert:

- `schwarzesSchaf : unit → int`  
 Bei einem schwarzen Schaf soll die erreichte Zahl halbiert (abgerundet) werden.
- `zaun : unit → int`  
 Bei einem Zaun soll von der erreichten Zahl wieder 5 abgezogen werden.
- `weissesSchaf : unit → int`  
 Beim ersten weißen Schaf soll zunächst 1 addiert werden, wenn direkt danach wieder ein weißes Schaf folgt 2, beim dritten 3 usw. Falls ein schwarzes Schaf dazwischen kommt, soll beim nächsten weißen wieder mit +1 angefangen werden.
- Wenn man die 1000 erreicht, soll eine Ausnahme `Dream` geworfen werden und man schläft ein.

Lösung 14.6:

```
exception Dream
val (schwarzesSchaf, zaun, weissesSchaf) =
 let val r = ref 0
 val t = ref 1
 in (fn () => #1(!r div 2, r := !r div 2, t := 1),
 fn () => #1(!r - 5, r := !r - 5),
 fn () => #3(r := !r + !t, t := !t + 1, if !r < 1000 then !r else raise Dream))
 end
```

## Arrays

### Aufgabe 14.7 (Faltung auf Arrays)

- (a) Schreiben Sie eine Prozedur `minmax: int array → unit`, die das Minimum und Maximum einer Reihung von Zahlen bestimmt und sie miteinander tauscht.
- (b) Schreiben Sie eine Prozedur `copy: α array → α array`, die eine Kopie einer Reihung erstellt.

Lösung 14.7:

- (a) 

```
fun minmax xs = let val (posmin, posmax, _) =
 Array.foldl (fn (x, (pmin, pmax, pos)) =>
 if x > Array.sub(xs, pmax) then (pmin, pos, pos+1)
 else if x < Array.sub(xs, pmin) then (pos, pmax, pos+1)
 else (pmin, pmax, pos+1)) (0, 0, 0) xs
 val (min, max) = (Array.sub(xs, posmin), Array.sub(xs, posmax))
 in (Array.update(xs, posmin, max); Array.update(xs, posmax, min))
 end
```
- (b) 

```
fun copy xs = Array.fromList (Array.foldr op:: nil xs)
```

Alternative:

```
fun copy xs = if Array.length xs = 0 then Array.fromList nil
 else let val erstes = Array.sub(xs, 0)
 val initial = Array.array(Array.length xs, erstes)
 in (Array.foldl (fn (x, i) =>
 (Array.update(initial, i, x); i+1)) 0 xs; initial)
 end
```

### Aufgabe 14.8 (Rotieren)

Schreiben Sie eine Prozedur `rotate: α array → unit`, die die Komponenten einer Reihung um eine Position nach rechts verschiebt und die letzte Komponente an die Stelle der ersten Komponente rückt.

Lösung 14.8:

```
fun rotate a =
 let fun rotate' x l u =
 if l > u then ()
 else rotate' (#1(Array.sub(a, l), Array.update(a, l, x))) (l+1) u
 in rotate' (Array.sub(a, Array.length a - 1)) 0 (Array.length a - 1) end
```

### Aufgabe 14.9 (Reversieren von Arrays)

- (a) Schreiben Sie eine Prozedur `display :  $\alpha$  array  $\rightarrow$   $\alpha$  list`, welche ihnen eine Array als Liste ausgibt. Diese ist hilfreich, wenn Sie am Interpreter arbeiten und schauen wollen, ob ihre Array-Prozedur korrekt ist.
- (b) Schreiben Sie eine Prozedur `arrev :  $\alpha$  array  $\rightarrow$  unit`, welche eine Reihung in situ reversiert (= Datenkonstrukt bleibt erhalten aber die Werte werden vertauscht).

Lösung 14.9:

```
(a) fun display a = Array.foldr (op::) nil a
 fun arrev a = let fun swap l u = let val x = Array.sub(a,l)
 in (Array.update(a,l,Array.sub(a,u));
 Array.update(a,u,x)) end
 fun rev l u = if u <= l then ()
 else (swap l u; rev (l+1) (u-1))
 in rev 0 (Array.length a - 1) end
```

#### Aufgabe 14.10 (Sortieren durch Auswählen)

Schreiben Sie eine Prozedur `ssort :  $\alpha$  array  $\rightarrow$  unit`, welche einen Array (von l bis u) durch Auswählen sortiert. Gehen Sie wie folgt vor:

- (a) Bestimmen Sie die Position m einer Komponente minimaler Größe.
- (b) Vertauschen Sie die Komponenten an den Positionen l und m.
- (c) Sortieren Sie den Array von (l+1,u)
- (d) Geben Sie die Laufzeit ihrer Prozedur an.

Lösung 14.10:

```
fun ssort a = let fun swap l u = let val x = Array.sub(a,l)
 in (Array.update(a,l,Array.sub(a,u));
 Array.update(a,u,x)) end
 fun min l u m = if l > u then m
 else if Array.sub(a,l) < Array.sub(a,m) then min (l+1) u l
 else min (l+1) u m
 fun ssort' l u = if l > u then ()
 else let val m = min l u l
 in (swap m l; ssort' (l+1) u) end
 in ssort' 0 (Array.length a - 1) end
```

#### Aufgabe 14.11 (Inferenzregeln)

Ergänze folgende Inferenzregeln für die Speicheroperationen *Allokation*, *Dereferenzierung* und *Zuweisung*:

$$\text{Sref} \frac{}{T \vdash \quad :}$$

$$\text{S!} \frac{}{T \vdash \quad :}$$

$$\text{S:=} \frac{}{T \vdash \quad :}$$

Lösung 14.11:

$$\text{Sref} \frac{T \vdash x : \alpha}{T \vdash \text{ref } x : \alpha \text{ ref}}$$

$$\text{S!} \frac{T \vdash x : \alpha \text{ ref}}{T \vdash !x : \alpha}$$

$$\text{S:=} \frac{T \vdash a : \alpha \text{ ref} \quad T \vdash x : \alpha}{T \vdash a := x : \text{unit}}$$