

1. Probeklausur zur Vorlesung Programmierung 1 im Wintersemester 2011/2012

Das Team der Tutoren

03. Dezember 2011

Name

Matrikelnummer

Bitte öffnen Sie das Klausurheft erst dann, wenn Sie dazu aufgefordert werden.

Hilfsmittel sind nicht zugelassen. Am Arbeitsplatz dürfen nur Schreibgeräte, Getränke, Speisen und Ausweise mitgeführt werden. Taschen und Jacken müssen an den Wänden des Klausurssaals zurückgelassen werden. Mobiltelefone sind ebenfalls dort ausgeschaltet aufzubewahren.

Das Verlassen des Saals ohne Abgabe des Klausurhefts gilt als Täuschungsversuch.

Wenn Sie während der Bearbeitung zur Toilette müssen, geben Sie bitte Ihr Klausurheft bei der Aufsicht ab. Es kann immer nur eine Person zur Toilette gehen.

Alle Lösungen müssen auf den bedruckten rechten Seiten des Klausurhefts notiert werden. [Die leeren linken Seiten dienen als Platz für Skizzen und werden **nicht korrigiert.**] Notizpapier ist nicht zugelassen. Sie können mit Bleistift schreiben.

Für die Bearbeitung der Klausur stehen 90 Minuten zur Verfügung. Insgesamt können 90 Punkte werden. [Zum Bestehen der Klausur genügen 45 Punkte.]

Bitte legen Sie zur Identifikation Ihren Personalausweis bzw. Reisepass sowie Ihren Studierendenausweis neben sich.

Viel Erfolg!

1	2	3	4	5	6
10	20	15	20	15	10

Summe
90

Note

Bitte lesen

Wir versuchen euch mit dieser Probeklausur eine Vorstellung vom Ablauf und dem Aussehen der Zwischenklausur in Programmierung 1 zu geben. Dennoch ist sie insbesondere was Stoffauswahl, erlaubte Hilfsmittel und nachfolgende Hinweise angeht nicht repräsentativ für die Zwischenklausur.

Falls Sie einen Aufgabenteil *nicht* lösen können, dürfen Sie die angegebenen Prozeduren und ihre Funktionalität dennoch in den darauffolgenden Aufgabenteilen zur Lösung verwenden.

Die folgenden Prozeduren dürfen Sie verwenden, *ohne* sie vorher deklarieren zu müssen. Möchten Sie andere Prozeduren verwenden, so müssen Sie sich diese deklarieren.

```
fun foldl f s nil      = s
  | foldl f s (x::xr) = foldl f (f(x,s)) xr

fun foldr f s nil      = s
  | foldr f s (x::xr) = f(x, foldr f s xr)

fun map f nil = nil
  | map f (x::xs) = (f x) :: map f xs

fun iter 0 s f = s
  | iter n s f = iter (n-1) (f s) f

fun iterup m n s f = if m > n
                    then s
                    else iterup (m+1) n (f(m,s)) f

fun iterdn n m s f = if n < m
                    then s
                    else iterdn (n-1) m (f(n,s)) f

fun first s p = if p s
                then s
                else first (s+1) p
```

Sie dürfen auch die Prozedur *Int.compare* : *int* * *int* → *order* verwenden. Außerdem dürfen Sie sich jederzeit zusätzliche Hilfsprozeduren deklarieren.

Aufgabe 1. Zum Aufwärmen: 2.5 + 2.5 + 2.5 + 2.5 = 10 Punkte

a) Implementieren Sie eine Prozedur $mulIntReal : real * int \rightarrow real$, die eine reelle und eine natürliche Zahl nur mit Hilfe von Addition und Rekursion multipliziert.

b) Schreiben Sie eine Prozedur $delete : (\alpha * \alpha \rightarrow order) \rightarrow \alpha \rightarrow \alpha list \rightarrow \alpha list$, die das letzte Auftreten eines Elements aus einer Liste entfernt, falls es darin enthalten ist, und ansonsten die Liste unverändert zurückgibt.

Tipp: Verwenden Sie ein Tupel, um sich zu merken, ob Sie das Element bereits gelöscht haben.

c) Schreiben Sie eine Prozedur, die das folgende Typschema besitzt, ohne dabei Typen explizit anzugeben.

$$int * \alpha \rightarrow (\alpha * \beta \rightarrow int) \rightarrow \beta \rightarrow bool$$

d) Bestimmen Sie das Typschema der folgenden Prozedurdeklaration:

```
fun jupa a b c = b (a (if c = c then a c else c))
```

Aufgabe 2. (5 + 3 + 5 + 3 + 4 = 20 Punkte)

Im Restaurant *Hermanns & Eisentraut* sollen Sie die täglich anfallenden Bestellungen auf eine ganz spezielle Art sortieren.

Bestellen kann man in diesem Restaurant nur Kaffee, Tee und Wasser:

```
datatype getraenk = KAFFEE | TEE | WASSER
```

Eine einzelne Bestellung besteht immer aus einem Getränk und wie oft es bestellt wurde. Eine Rechnung besteht aus einer Liste von Bestellungen.

```
type anzahl = int
type bestellung = getraenk * anzahl
```

```
type rechnung = bestellung list
```

Das Restaurant *Hermanns & Eisentraut* verlangt von Ihnen nun folgende Sortierung der Rechnung: An erster Stelle der Rechnung sollen alle Kaffeebestellungen stehen, gefolgt von den Teebestellungen. Am Ende sollen die Wasserbestellungen stehen. Innerhalb der einzelnen Blöcke sollen die Bestellungen aufsteigend nach Anzahl sortiert sein.

Folgende Bestellung ist korrekt sortiert:

```
[(KAFFEE, 2), (KAFFEE, 4), (TEE, 1), (WASSER, 5), (WASSER, 7)]
```

Da es in dieser Branche nicht so sehr auf Geschwindigkeit ankommt, entschließen Sie sich, einen besonders ineffizienten, dafür aber interessanten Sortieralgorithmus zu verwenden:

Wir mischen die Liste solange, bis sie irgendwann sortiert ist.

- a) Schreiben Sie zunächst eine Prozedur $compare : bestellung * bestellung \rightarrow order$, die die für Bestellungen gegebene Ordnung umsetzt.

- b) Implementieren Sie eine Prozedur $unsorted : (\alpha * \alpha \rightarrow order) \rightarrow \alpha list \rightarrow bool$, die genau dann *true* zurückgibt, wenn die Liste *nicht sortiert* ist.

c) Als letzten Schritt wollen wir eine Prozedur implementieren, die alle Möglichkeiten bestimmt, wie man eine gegebene Liste mischen kann.

- Schreiben Sie zunächst eine Prozedur $prepend : \alpha \rightarrow \alpha \text{ list list} \rightarrow \alpha \text{ list list}$, die einen Wert an den Anfang jeder Liste einer Liste von Listen anhängt.

- Implementieren Sie nun mit Hilfe der Prozeduren $prepend$ und $delete$ (aus Aufgabe 1) eine Prozedur $mischungen : (\alpha * \alpha \rightarrow order) \rightarrow \alpha \text{ list} \rightarrow \alpha \text{ list list}$, die alle Möglichkeiten, eine gegebene Liste zu mischen (ihre Umordnungen) liefert.

d) Schreiben Sie nun den angegebenen Sortieralgorithmus mit Hilfe der Prozedur $mischungen$ aus Teilaufgabe c).

Aufgabe 3. (6 + 5 + 4 = 15 Punkte)

```
datatype farbe = GRUEN | BLAU | GELB | ROT
datatype haufen = HEU | NADEL of farbe
```

- a) Schreiben Sie eine Prozedur $find : haufen\ list \rightarrow unit$, die eine von Ihnen definierte Ausnahme $Nadel : farbe \rightarrow exn$ wirft, sobald eine Nadel im Heuhaufen gefunden wurde. Für den Fall, dass der Heuhaufen keine Nadeln enthält, geben Sie $()$ zurück.

- b) Schreiben Sie jetzt eine Prozedur $first : haufen\ list \rightarrow farbe$, die die Farbe der ersten Nadel im Heuhaufen bestimmt. Falls keine Nadel im Heuhaufen gefunden wurde, soll die von Ihnen definierte Ausnahme $NurHeu : exn$ geworfen werden.

Verwenden Sie die Prozedur $find$ aus Aufgabenteil a) und sonst keine weiteren Hilfsprozeduren.

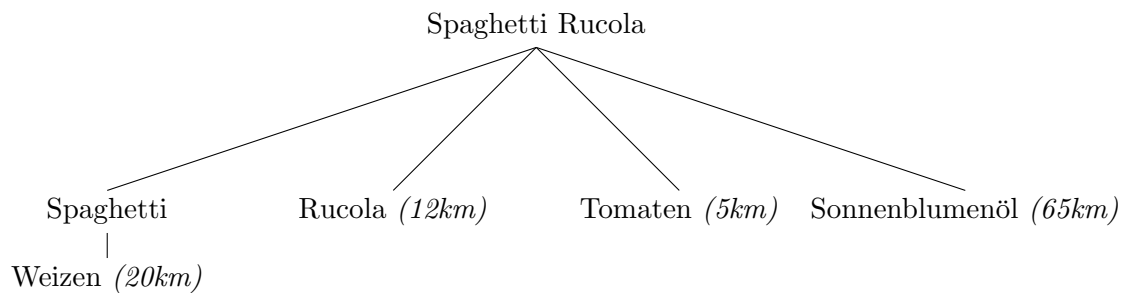
- c) Schreiben Sie eine Prozedur $nurNadeln : haufen\ list \rightarrow haufen\ list\ list$, die aus einem Heuhaufen alle Nadeln aussortiert und eine Liste von vier Listen zurückgibt. Die erste Liste soll alle grünen, die zweite alle blauen, die dritte alle gelben und die vierte letztendlich alle roten Nadeln enthalten.

Aufgabe 4. (6 + 4 + 4 + 6 = 20 Punkte)

Da das Restaurant *Hermanns & Eisentraut* sehr umweltbewusst ist, möchte es seinen Kunden gerne zeigen, dass alle Zutaten von der Karte einen besonders kurzen Weg bei der Anlieferung zurückgelegt haben.

Daher werden Sie beauftragt, eine Datenstruktur zu implementieren, die die gewünschten Informationen übersichtlich darstellt.

Hierzu ein Beispiel:



- a) Implementieren Sie nun den Datentyp *foodtree*. Dieser soll ein Baum sein, dessen Blätter die Zutat und die Entfernung der Zutat repräsentieren. Die inneren Knoten enthalten nur den Namen eines selbst hergestellten Produkts, sowie die Liste der Produkte bzw. Zutaten, aus denen diese wiederum hergestellt werden. Dies können beliebig viele sein.

- b) Ihre Auftraggeber sind mit Ihrer Arbeit zufrieden. Nachdem die ersten Kunden Ihr Werk begutachten durften, sollen Sie nun auch die maximale Kilometeranzahl in einem dieser Bäume ausgeben können. Implementieren Sie also eine Prozedur $max : foodtree \rightarrow (string * int)$, welche die Zutat mit größter Kilometeranzahl zurückgibt.

c) Außerdem werden Sie beauftragt eine Prozedur $sum : foodtree \rightarrow int$ zu schreiben, die die Summe aller Einträge bildet und somit die Gesamtkilometerzahl berechnet.

d) Zuletzt sollen Sie noch eine Prozedur $deep : foodtree \rightarrow (int * string)$ bereitstellen, welche die **Tiefe** und den Namen des in Präordnung ersten, am weitesten unten liegenden Knotens berechnet.

Aufgabe 5. (6 + 4 + 5 = 15 Punkte)

Unter einem Zahlenpalindrom versteht man eine Zahl $m \in \mathbb{N}$, deren Ziffernfolge spiegelsymmetrisch ist, formal gegeben durch: $x_0x_1 \dots x_nx_n \dots x_1x_0$ für n gerade und $x_0x_1 \dots x_{n-1}x_nx_{n-1} \dots x_1x_0$ für n ungerade, wobei $x_0, x_1, \dots, x_n \in \{0, 1, 2, \dots, 9\}$. Beispiele hierfür sind 0, 101, 8998, 8993998, ... (*Hinweis*: Alle einstelligen Zahlen sind Zahlenpalindrome. Das kleinste Palindrom ist 0).

a) Schreiben Sie eine Prozedur $ispal : int \rightarrow bool$, welche für ein gegebenes $n \in \mathbb{N}$ überprüft, ob n ein Zahlenpalindrom ist.

b) Das größte Zahlenpalindrom, welches sich als Produkt von zwei zweistelligen natürlichen Zahlen darstellen lässt, ist $9009 = 91 \cdot 99$.

Schreiben Sie eine Prozedur $biggest : unit \rightarrow int$, die das größte Zahlenpalindrom berechnet, welches sich als das Produkt von zwei dreistelligen natürlichen Zahlen darstellen lässt.

Tipp: Sie müssen alle möglichen Paare von dreistelligen Zahlen betrachten. Sie können dazu beispielsweise zweimal *iterup* –ineinander verschachtelt– verwenden.

c) Wir betrachten nun die Funktion $nthpal : \mathbb{N} \setminus \{0\} \rightarrow \mathbb{N}$, welche das n -te Zahlenpalindrom berechnet. Zum Beispiel ist $nthpal(1) = 0$, $nthpal(2) = 1$, $nthpal(3) = 2$, $nthpal(11) = 11, \dots, nthpal(54) = 444, \dots, nthpal(99) = 898$, etc. ...

Schreiben Sie eine Prozedur, die die Funktion $nthpal$ berechnet.

Aufgabe 6. (5 + 2.5 + 2.5 = 10 Punkte)

- a) Überlegen Sie sich, ob der Interpreter die folgenden Deklarationen akzeptiert. Jede richtige Antwort bringt Ihnen 0.5 Punkte, jede falsche -0.5 Punkte. Die minimale Punktzahl in dieser Aufgabe beträgt jedoch 0 Punkte.

Eingabe	wird vom Interpreter akzeptiert	
<code>fun f x = f x</code>	Ja <input type="checkbox"/>	Nein <input type="checkbox"/>
<code>fun f x y = f x y</code>	Ja <input type="checkbox"/>	Nein <input type="checkbox"/>
<code>fun f y z = f + y + z</code>	Ja <input type="checkbox"/>	Nein <input type="checkbox"/>
<code>val z = (fn i => z i)</code>	Ja <input type="checkbox"/>	Nein <input type="checkbox"/>
<code>val a = (if 3 < 5 then 5 else 7) + 2</code>	Ja <input type="checkbox"/>	Nein <input type="checkbox"/>
<code>val b = if 3 < 5 then 5 else 7 + 2</code>	Ja <input type="checkbox"/>	Nein <input type="checkbox"/>
<code>fun f x = 3 + (#1 x)</code>	Ja <input type="checkbox"/>	Nein <input type="checkbox"/>
<code>fun f x = 2 * x / 2</code>	Ja <input type="checkbox"/>	Nein <input type="checkbox"/>
<code>fun f nil = nil</code>		
<code> f x::xs = f x</code>	Ja <input type="checkbox"/>	Nein <input type="checkbox"/>
<code>fun f x = f (3 + (#1 x), 5)</code>	Ja <input type="checkbox"/>	Nein <input type="checkbox"/>

- b) Warum endet folgendes Programm mit “Uncaught Exception: Q”?

```
exception Q
val ergebnis =
  let
    exception Q
    val v = #1 (4,raise Q,true)
  in
    (true;nil;17) handle Q => ~2
  end
```

- c) Erklären Sie, warum im folgenden Programm der Bezeichner *ergebnis* an 2 gebunden wird.

```
fun out a =
  let
    exception B
    fun f x =
      let
        exception B
        fun g x = if x mod 2 = 0
                  then 0
                  else raise B
      in
        g ( x + 3 )
      end
  in
    (f a) handle B => 1
  end

val ergebnis = (out 4) handle A => 2
```